Vorwort

Anders als Lehrpläne beschreiben *Bildungsstandards* Kompetenzen, die ein Schüler am Ende der 4. Jgst. erworben haben soll. In der Mathematik geht es zum Beispiel um die Fähigkeit, mathematisch zu argumentieren oder zu modellieren. Die von Lehrern und Bildungsforschern ausgearbeiteten *Kompetenzbeschreibungen* (auf den folgenden Seiten näher erläutert) wurden von der Kultusministerkonferenz beschlossen und gelten für ganz Deutschland.

Bei dem vorliegenden Skript handelt es sich um eine Sammlung von Aufgaben in der Art eines Baukastensystems. Für jede Aufgabe sind auf der Rückseite neben den Ergebnissen die jeweils erforderlichen allgemeinen mathematischen und inhaltlichen mathematischen Kompetenzen angegeben. Außerdem ist die Zuordnung zu einer Lernstandsstufe ähnlich den VERA-Arbeiten vorgenommen worden.

Die Angabe der Kompetenzen gibt der Lehrkraft

- Zielklarheit
- Sicherheit bzgl. der ergebnisorientierten Hinführung der Schüler
- Auskunft über den angestrebten Lernfortschritt
- Auskunft über die angestrebte Kompetenzerweiterung des Schülers.

Durch die Angabe der Lernstandsstufe ist es dem Lehrer möglich, einerseits den *Lernstand* des einzelnen Schülers zu eruieren, andererseits Aufgaben nach dem *Prinzip der "optimalen Passung"* auszuwählen, um den Schüler bestmöglich fördern zu können. Wird das Anforderungsniveau so gewählt, dass es den Entwicklungsstand des Schülers gering übersteigt, wird durch die Erreichbarkeit ein Anreiz geschaffen und so ein Lernprozess in Gang gesetzt. Über- bzw. Unterforderung können dadurch vermieden werden.

Jedes Aufgabenblatt stellt für sich eine Einheit dar. Um die angestrebte Verwendbarkeit in mehrfacher Weise zu gewährleisten, wurden die Aufgaben nicht mit Nummern, sondern nur mit dafür vorgesehenen Kästchen versehen. Jedes Blatt kann zum einen als Ganzes kopiert und den Schülern mit differenzierenden Arbeitsaufträgen an die Hand gegeben werden. Eine andere Möglichkeit besteht darin, das Blatt an den Trennlinien zu zerschneiden, so dass den einzelnen Schülern nach dem Grundsatz der Angemessenheit Aufgaben zur Bearbeitung vorgelegt werden. Auf Kartonpapier kopiert bietet sich diese Arbeitsform auch besonders gut für Stationentraining, Lernzirkel oder Wochenplanarbeit an.

Ich wünsche Ihnen und Ihren Schülern einen effizienten und effektiven Lehr- und Lernprozess.

Die Autorin

<u>Inhaltsverzeichnis</u>

Vorwort Inhaltsverzeichnis	3 5
Erläuterungen zu den Kompetenzen und Kompetenzstufen	
Allgemeine mathematische Kompetenzen (KMK 2004) Inhaltliche mathematische Kompetenzen (KMK 2004) Globales Kompetenzstufenmodell (KMK 2004) Lernstandsstufen A und B Lernstandsstufe C	6 7 8 9 10
<u>Halbschriftliches Rechen</u> (ZR = Zahlenraum)	
Multiplizieren und dividieren mit Vielfachen von 10 (ZR bis 1000) Grundrechenarten des Kopfrechnens (ZR bis 1000) Halbschriftlich multiplizieren (ZR bis 1000) Halbschriftlich multiplizieren (ZR bis 10000) Halbschriftlich dividieren (ZR bis 1000) Dividieren (ZR bis 10000)	11 13 15 17 19 21
Schriftliche Multiplikation mit einstelligen Zahlen	
Auf dem Weg zur schriftlichen Multiplikation (ZR bis 10000) Schriftlich multiplizieren (ZR bis 100000) Schriftlich multiplizieren (ZR bis 100000) Schriftlich multiplizieren (ZR bis 100000)	23 25 27 29
Schriftliche Division mit einstelligen Zahlen	
Schriftliche Division mit einstelligem Divisor (ZR bis 100 000) Schriftliche Division mit und ohne Rest (ZR bis 100 000) Zahlenrätsel (ZR bis 1000 000)	31 33 35 37 39 41 43
Schriftliche Multiplikation mit zweistelligen Zahlen	
Schriftlich multiplizieren mit zweistelligen Zahlen Schriftlich multiplizieren mit mehrstelligen Zahlen Schriftlich multiplizieren - Verblüffendes und Spannendes Schriftlich multiplizieren - Verblüffendes und Spannendes Schriftlich multiplizieren - Zahlenrätsel Schriftlich multiplizieren mit Kommazahlen	45 47 49 51 53 55
Schriftliche Division mit zweistelligen Zahlen	
Division mit zweistelligen Zahlen Schriftliche Division mit zweistelligen Zahlen - Zahlenspielereien Schriftliche Division mit zweistelligen Zahlen - Rätselspielereien Multiplizieren und dividieren in Kontexten Multiplizieren und dividieren in Kontexten Rechnen mit dem Maßstab Zuordnungsaufgaben	57 59 61 63 65 67 69

Kompetenzstufenmodell zu den Bildungsstandards im Fach Mathematik für den Primarbereich (Jgst. 4) nach dem Beschluss der Kultusministerkonferenz 2004

Seit dem Schuljahr 2005/06 bilden die von der Kultusministerkonferenz verabschiedeten, verbindlichen Bildungsstandards die Grundlage für den Grundschulunterricht in allen deutschen Bundesländern.

Bei den für das Fach Mathematik beschriebenen Kompetenzen wird zwischen inhaltsbezogenen und allgemeinen mathematischen Kompetenzen unterschieden, die jedoch eng miteinander vernetzt sind.

Allgemeine mathematische Kompetenzen

Die allgemeinen mathematischen Kompetenzen, die auch als prozessbezogene Kompetenzen bezeichnet werden, sind oft schwer voneinander zu trennen. Für den Erwerb der inhaltlichen mathematischen Kompetenzen sind sie von großer Bedeutung.

Problemlösen	Modellieren								
 Mathematische Kenntnisse, Fertigkeiten und Fähigkeiten bei der Bearbeitung problemhaltiger Aufgaben anwenden Lösungsstrategien entwickeln und nutzen (z.B. systematisch probieren) Zusammenhänge erkennen, nutzen und auf ähnliche Sachverhalte übertragen 	 Sachtexten und anderen Darstellungen der Lebenswirklichkeit die relevanten Informa- tionen entnehmen Sachprobleme in die Sprache der Mathe- matik übersetzen, innermathematisch lösen und diese Lösungen auf die Aus- gangssituation beziehen Zu Termen, Gleichungen und bildlichen Darstellungen Sachaufgaben formulieren 								
Kommunizieren	Darstellen								
 Eigene Vorgehensweisen beschreiben, Lösungswege anderer verstehen und gemeinsam darüber reflektieren Mathematische Fachbegriffe und Zeichen sachgerecht verwenden Aufgaben gemeinsam bearbeiten, dabei Verabredungen treffen und einhalten 	 Für die Bearbeitung mathematischer Probleme geeignete Darstellungen entwickeln, auswählen und nutzen Eine Darstellung in eine andere übertragen Darstellungen miteinander vergleichen und bewerten 								
Argumentieren	Technische Grundfertigkeiten								
 Mathematische Aussagen hinterfragen und auf Korrektheit prüfen Mathematische Zusammenhänge erken- nen und Vermutungen entwickeln Begründungen suchen und nachvollziehen 	Sie bilden die Voraussetzung für den Erwerb weiterer inhaltsbezogener Kompetenzen und für die produktive Nutzung von Mathematik und müssen besonders intensiv geübt werden.								

Inhaltsbezogene mathematische Kompetenzen

Die inhaltsbezogenen mathematischen Kompetenzen beziehen sich auf fünf mathematische Kompetenzbereiche.

Die für das vorliegende Skript relevanten Teilbereiche (insbesondere der Kompetenzbereich "Zahlen und Operationen") sind im Folgenden genauer beschrieben.

Zahlen und Operationen

- Zahlvorstellungen und Zahlbeziehungen verstehen
- Rechenoperationen verstehen und beherrschen:
- > die vier Grundrechenarten und ihre Zusammenhänge verstehen
- > die Grundrechenarten des Kopfrechnens gedächtnismäßig beherrschen, deren Umkehrungen sicher ableiten und diese Grundkenntnisse auf analoge Aufgaben in größeren Zahlenräumen übertragen
- > mündliche und halbschriftliche Rechenstrategien verstehen und bei geeigneten Aufgaben anwenden
- > verschiedene Rechenwege vergleichen und bewerten
- > Rechenfehler finden, erklären und korrigieren
- > Rechengesetze erkennen, erklären und benutzen
- > schriftliche Verfahren der Multiplikation und Division verstehen, geläufig ausführen und bei geeigneten Aufgaben anwenden
- > Lösungen durch Überschlagsrechnungen und durch Anwenden der Umkehroperation kontrollieren
- In Kontexten rechnen:
- > Sachaufgaben lösen und dabei die Beziehungen zwischen der Sache und den einzelnen Lösungsschritten beschreiben
- > das Ergebnis auf Plausibilität überprüfen
- ⇒ bei Sachaufgaben entscheiden, ob eine Überschlagsrechnung ausreicht oder ein genaues Ergebnis nötig ist
- > Sachaufgaben systematisch variieren
- > durch Probieren und systematisches Vorgehen lösen

Raum und Form	Größen und Messen						
 sich im Raum orientieren geometrische Figuren erkennen, benennen und darstellen einfache geometrische Abbildungen erkennen, benennen und darstellen Flächen und Rauminhalte vergleichen und messen 	Größenvorstellungen besitzen mit Größen in Sachsituationen umgehen						
Muster und Strukturen	Daten, Häufigkeit und Wahrscheinlichkeit						
 Gesetzmäßigkeiten erkennen, beschreiben und darstellen: Gesetzmäßigkeiten in arithmetischen Mustern (z.B. Zahlenfolgen) erkennen, beschreiben und fortsetzen arithmetische und geometrische Muster selbst entwickeln, systematisch verändern und beschreiben Funktionale Beziehungen erkennen, beschreiben und darstellen: funktionale Beziehungen in Sachaufgaben erkennen, sprachlich beschreiben und entsprechende Aufgaben lösen funktionale Beziehungen in Tabellen darstellen und untersuchen einfache Sachaufgaben zur Proportionalität lösen 	 Daten erfassen und darstellen: aus Tabellen, Schaubildern und Diagrammen Informationen entnehmen Wahrscheinlichkeiten von Ereignissen in Zufallsexperimenten vergleichen 						

Bezogen auf die Jahrgangsstufe 4 wurde ein Kompetenzstufenmodell entwickelt, das auf die inhaltlichen Kompetenzen angewendet werden kann. Das Modell umfasst fünf Stufen.

Globales Kompetenzstufenmodell									
V	Modellierung komplexer Probleme unter selbstständiger Entwicklung geeigneter Strategien								
IV	Sicheres und flexibles Anwenden von begrifflichem Wissen und Prozeduren im curricularen Umfang								
III	Erkennen und Nutzen von Zusammenhängen in einem vertrauten (mathematischen und sachbezogenen) Kontext								
II	Einfache Anwendungen von Grundlagenwissen (Routineprozeduren in einem klar strukturierten Kontext)								
I	Technische Grundfertigkeiten (Routineprozeduren auf der Grundlage einfachen begrifflichen Wissens)								

Dabei heißt es, dass Schüler und Schülerinnen auf der Kompetenzstufe I und II noch nicht die in den Bildungsstandards formulierten Erwartungen erfüllen, dies werde erst ab der Kompetenzsstufe III erreicht. Mit der Zugehörigkeit zur Kompetenzstufe IV oder höher, liege das Leistungsniveau über den Erwartungen der Bildungsstandards.

Aus Praktikabilitätsgründen wird für das vorliegende Skript dieses globale Modell auf drei Lernstandsstufen (ähnlich den Fähigkeitsniveaus bei den VERA-Arbeiten) reduziert. Die auf der jeweiligen Stufe vorliegenden Kompetenzstände sind im Folgenden für den Themenbereich "Multiplikation und Division" näher erläutert.

Definition der Lernstandsstufen für das vorliegende Skript

Lernstandsstufe A: Elementare Fähigkeiten Grundlegende Kenntnisse arithmetischer Verfahren

- Alle Grundaufgaben des kleinen Einmaleins werden beherrscht.
- Strategien, wie z.B. das Verdoppeln, werden auch in größeren Zahlenbereichen angewendet.
- Gesetzmäßigkeiten werden erkannt und bei der Fortsetzung einfacher Zahlenfolgen berücksichtigt.
- Aufgaben zur Multiplikation mit einstelligem Multiplikator werden halbschriftlich und schriftlich durchgeführt.
- Einfache Überschlagsrechnungen werden gemacht und auch zur Bestimmung der Größenordnung von Ergebnissen herangezogen.
- Einfache Rechenaufgaben können durch systematisches Probieren gelöst werden.
- In Bezug auf die Grundrechenarten werden grundlegende mathematische Begriffe (z.B. "vervielfachen") korrekt benutzt.
- Die Aufgabenlösung gelingt bei sprachlich einfachen und kurzen Texten.
- Aus dem Alltag vertraute proportionale Zuordnungen werden erkannt und angewendet.

Lernstandsstufe B: Erweiterte Fähigkeiten Umfassende Kenntnis der Multiplikation und Division

- Das Einmaleins und die sichere Ableitung von Umkehrungen werden auch bei komplexeren Aufgaben (Einsetzen von fehlenden Rechenoperationen in Gleichungen) mit einfachen Texten beherrscht.
- Die schriftl. Multiplikation mit mehrstelligen Multiplikatoren wird beherrscht.
- Aufgaben zur Division mit einstelligem Divisor können halbschriftlich auch mit Rest gelöst werden.
- Die schriftliche Division gelingt bei einstelligen Divisoren.
- Uberschlagsrechnungen werden selbst bei großen Zahlen sicher durchgeführt, Zahlen werden sinnvoll gerundet.
- Die Beziehungen zwischen Multiplikation und Addition bzw. zwischen Multiplikation und Division werden erkannt.
- Gesetzmäßigkeiten bei Zahlenfolgen werden bei Zahlenmaterial im curricularen Umfang erkannt und begründet bzw. kommuniziert.
- In einfachen Sachsituationen werden funktionale Beziehungen erkannt und interpretiert, modelliert und die damit verbundenen Problemstellungen gelöst.
- Proportionale Zuordnungen werden erkannt und interpretiert.

Lernstandsstufe C: Fortgeschrittene Fähigkeiten Flexible Beherrschung der Grundrechenarten

- Zahlen und Operationen können flexibel kombiniert werden. Hierbei werden mathematische Kenntnisse (z.B. Rechengesetze) korrekt angewendet.
- Die schriftliche Multiplikation gelingt auch in unüblichen Formaten (z.B. Lückenaufgaben) und auch mit Kommazahlen.
- Die schriftliche Division gelingt im curricularen Umfang auch mit zweistelligen Divisoren bzw. in unüblichen Formaten (z.B. Lückenaufgaben) und auch mit Kommazahlen.
- Das Finden, Erklären und Korrigieren von Fehlern in schriftlichen Multiplikationen und Divisionen gelingt.
- Der Umgang auch mit schwierigeren Zahlenfolgen (z.B. unter Verwendung von Quadratzahlen oder mehreren Rechenarten) ist sicher, Gesetzmäßigkeiten bzw. Fehler können erkannt und begründet werden.
- Die Rechenverfahren werden flexibel kombiniert, wobei Rechnungen auch mehrere Schritte umfassen können. Lösungsstrategien wie das systematische Probieren werden auch bei komplexeren Rechenwegen genutzt.
- Rechenregeln, wie z.B. "Punktrechnung vor Strichrechnung" sind explizit bekannt und können sinnvoll angewendet werden.
- Komplexe Sachsituationen werden geeignet modelliert, rechnerisch korrekt bearbeitet und ihre Lösungen angemessen dargestellt.
- Proportionale Zuordnungen werden zur Modellierung und Lösung komplexer Sachaufgaben genutzt.
- Das begriffliche Wissen umfasst auch speziellere Fachbegriffe und kann sicher verwendet und kommuniziert werden.

Multiplizieren und dividieren mit Vielfachen von 10 - Zahlenraum bis 1000 Einmaleins - Trimm dich fit. 7 9 3 9 4 4 6 14 8 21 15 24 81 7 64 42 7 6 24 63 Berechne. Beachte die Nullen. 7 • 50 = 490:7= 9 • 40 = 250:50= 210:3= 6 40 = 8 • 70 = 540:6= 240:8= 180:30= 4 • 60 = 8 • 90 = 320:8= 630:9= 350:70= 3 • 80 = 7 • 90 = 420:7= 480:8= 280:40= 9 • 30 = 540:9= 360:6= 560:80= 3 • 80 = ☐ Aus fünf Zahlen kannst du acht verschiedene Aufgaben bilden. Findest du sie? 40 280 Schreibe sechs Divisionsaufgaben auf, die du mit diesen Zahlen bilden kannst. 18 180 30 60 63 630 32 320 40

Lernstandsstufe - Kompetenzen - Ergebnisse / Lösung																	
_ernstandsstufe A																	
Allgemeine	Technische Grundfertigkeiten																
Kompetenzen	Zahlen und Operationen:																
Inhaltliche Kompetenzen	Zahlen und Operationen: - das Einmaleins und dessen Umkehrungen gedächtnismäßig																
Ttompoton2011	beherrschen																
Ergebnisse		3	7	4 9		•	4	8	9	7		•	4	9	6	7	
	8	24	56 3	32 72		2	8	16	18	14		3	12	27	18	21	
	5	-		20 45	4	3	12	24	27	21		9	36	81	54	63	-
	6			28 63 24 54	+	9	32	64 72	72 81	56 63		7	24	54 63	36 42	42	_
			-								J [•				1 .0	J
Lernstandsstufe																	
Allgemeine	Technische Grundfertigkeiten / Problemlösen																
Kompetenzen																	
Inhaltliche	Zahlen und Operationen:																
Kompetenzen	- das Einmaleins und dessen Umkehrungen gedächtnismäßig beherrschen und diese Grundkenntnisse auf analoge Aufgaben in																
	größeren Zahlenräumen übertragen																
Ergebnisse	360	35		70		70		5									
	560 240	24 72		90 40		30 70		6 5									
	630	24	.0	60		60		7									
240 270 60 60 7																	
Lernstandsstufe						1	1/	5	A								
Allgemeine				undfe					leml	öser	า /						
Kompetenzen Inhaltliche				n / Aro eratic			uerei	1									
Kompetenzen				ns und			en U	mke	hrun	gen	ge	edäc	htni	smä	ßig		
·	beh	errsc	hen	und d	es	se G	rund	kenr	tnis	_	_	_			_	en in	
	├		Zah	lenrä				rage						·			
Ergebnisse		= 280 = 280				10 = 2 $7 = 2$				80:7 80:4						70 = 4 40 = 1	
													9				
Lernstandsstufe									A						<u>/</u>		
Allgemeine				undfe	•	-			leml	öser	า /						
Kompetenzen Inhaltliche				n / Aro eratic	_		lierei	1									
Kompetenzen				ns und			en U	mke	hrun	gen	ae	edäc	htni	smä	ßia		
				und d						_	_				_	en in	
	größ	ßeren	Zah	lenrä	ιm	nen i	ibert	rage	n								
Ergebnisse	18:3 18:6					: 7 = : 9 =				32: 32:							
		= 3 30 = 6				:9= 0:70				320							
		3 = 60				0:7				320							
		60 = 3 6 = 30				0:90 0:9				320 s							